

Az RSA és az ECC gyakorlati összehasonlítása

Endrődi Csilla

BME MIT Ph.D. hallgató

csilla@mit.bme.hu

Előadásvázlat

- **Nyilvános kulcsú algoritmusok**
 - Létező algoritmusok
 - RSA
 - ECC
- **Az elemzés bemutatása**
 - A mérés bemutatása
 - Az összehasonlítás bemutatása
 - Szoftver implementáció
 - A mérési környezet bemutatása
- **Összehasonlító elemzés**
 - Közös paraméterek felállítása és kulcsgenerálás
 - Kódolás és dekódolás
 - Aláírás és aláírás ellenőrzés
- **Összefoglalás, értékelés**
- **Érdekesség**
- **Irodalmak**

Nyilvános kulcsú algoritmusok

Létezik több nyilvános kulcsú algoritmus.

Alapul szolgáló nehéz problémák:

- Egész számok faktorizációja (IFP)
- Diszkrét logaritmus probléma (DLP)
- Elliptikus görbéken alapuló diszkrét log. pr. (ECDLP)
- Rács redukció
- egyébek...

Funkciók:

- Kulcsegyeztetés
- Rejtjel protokollok
- Digitális aláírás
- Anonimitási protokollok
- stb.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

DLP-n alapuló algoritmusok:

- *Diffie-Hellmann Key Agreement (DH)*
- *Diffie-Hellmann Key Agreement (DH2)*
- *El-Gamal Encryption Scheme*
- *Menezes-Qu-Vanstone (MQV)*
- *Efficient Compact Subgroup Trace Representation (XTR)*
- *Digital Signature Algorithm (DSA)*
- *BlumGoldwasser*
- *Zheng-Seberry*
- *Ballare-Rogaway*
- *Nyberg-Rueppel Signature Scheme*
- *Schnorr*

Nyilvános kulcsű kriptográfiai algoritmusok

IFP-n alapuló algoritmusok:

- RSA
- Rabin-Williams

ECDLP-n alapuló algoritmusok:

- **Elliptic Curve Diffie-Hellmann Key Agreement (ECDH)**
- **Elliptic Curve Menezes-Qu-Vanstone (ECMQV)**
- **Elliptic Curve Integrated Encryption Scheme (ECIEC)**
- **Elliptic Curve Digital Signature Algorithm (ECDSA)**
- **Elliptic Curve Nyberg-Rueppel (ECNR)**

Egyéb:

- LUCDIF
- Merkle-Hellmann
- LUCELG
- Chor-Rivest
- McEliece
- LUCRSA
- NTRU

Az alkalmazások döntő többsége mégis az **RSA**-t használja.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

RSA

RSA algoritmus (1978)

Kulcsgenerálás: p, q prímek; $m = p * q$
 $\Phi(m) = (p-1) * (q-1)$
 e tetszőleges: $1 \leq e \leq \Phi(m)$; $(e, \Phi(m)) = 1$

Nyilvános kulcs: (e, m)

Titkos kulcs: (d, m)

Kódoló függvény: $E(x) = x^e \bmod m$; $x < m$;

Dekódoló függvény: $D(y) = y^d \bmod m$

- Negyed évszázada nem sikerült megtörni
- Biztonsága nem bizonyított
- Egyszerű, szép matematikai háttér: modulo aritmetika
- Az RSA Security Inc. szabadalma alatt állt 2000. szept. 20-ig
- A legelterjedtebb használt nyilvános kulcsú algoritmus
- Tipikus paraméterek: modulus: 512-4096 bites; ajánlott: 1024 bites
- Alkalmazott gyorsítás: e kicsire választása ($e = 65537 = 10001h$)
- A maximális kódolható méretet a modulus határozza meg

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

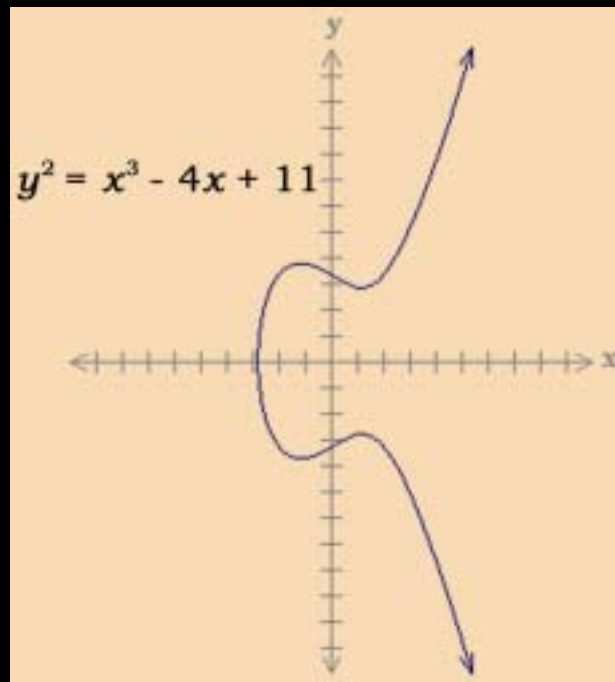
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A $\mathbf{0}$ is tagja a csoportnak.

A $\mathbf{0}$ a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

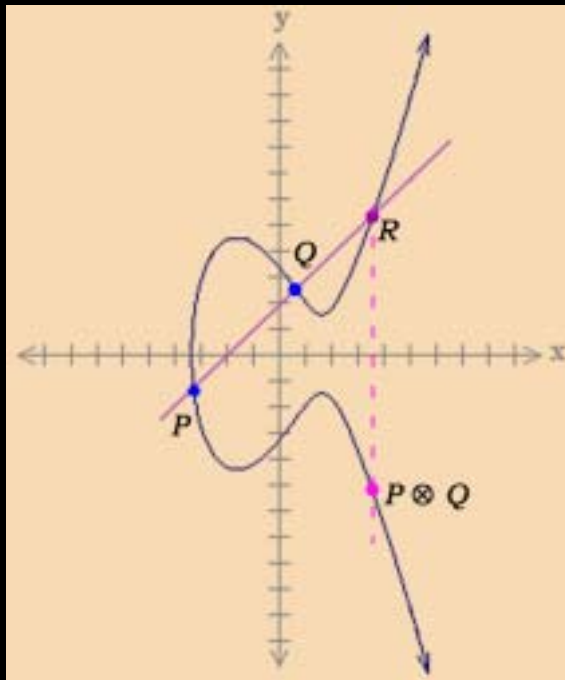
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A **0** is tagja a csoportnak.

A **0** a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

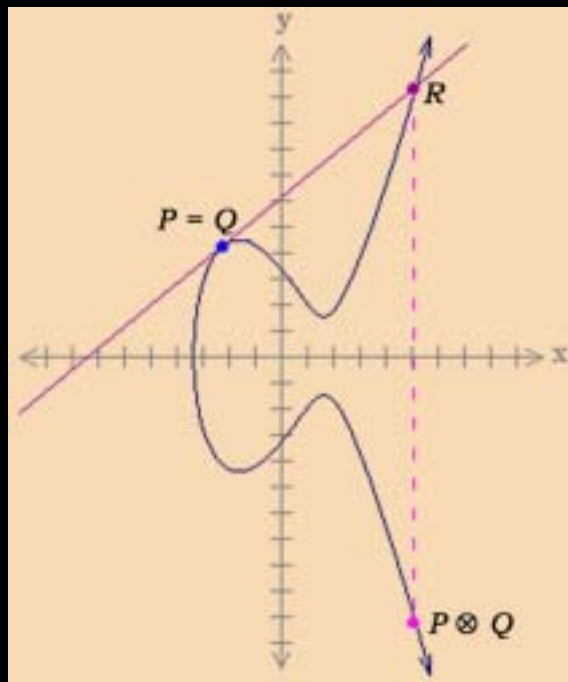
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A **0** is tagja a csoportnak.

A **0** a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

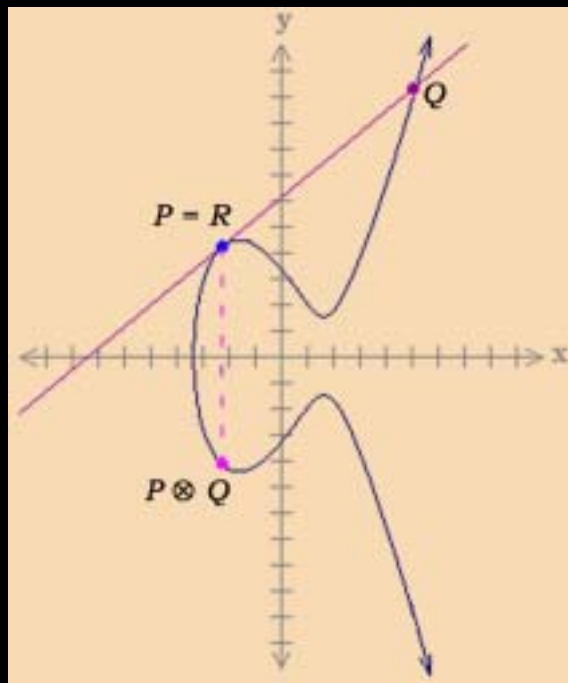
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A **0** is tagja a csoportnak.

A **0** a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

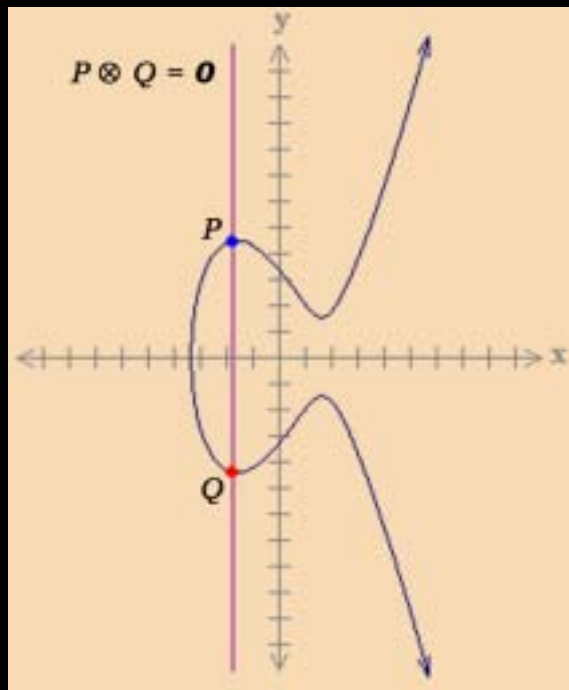
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A **0** is tagja a csoportnak.

A **0** a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

Az elliptikus görbék

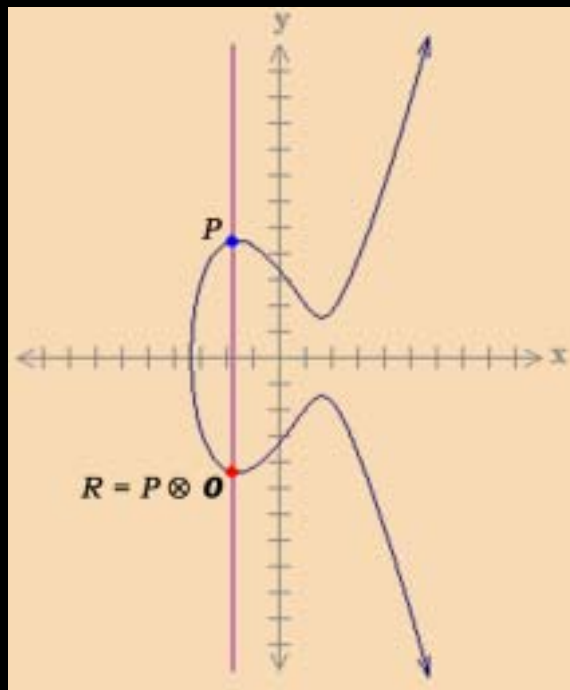
Elliptikus görbe általános alakja: $y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$
 $x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{F}$

\mathbf{F} = valós esetben:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

$x, y, a, b \in \mathbf{R}$

Az elliptikus görbe pontjai az egyenletet kielégítő (x, y) pontok: $\mathbf{E}(\mathbf{F})$.



A görbe pontjai csoportot alkotnak egy megfelelően választott művelettel.

A $\mathbf{0}$ is tagja a csoportnak.

A $\mathbf{0}$ a neutrális elem.

Kriptográfiai jelentősége a **véges testek** feletti elliptikus görbéknek van.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

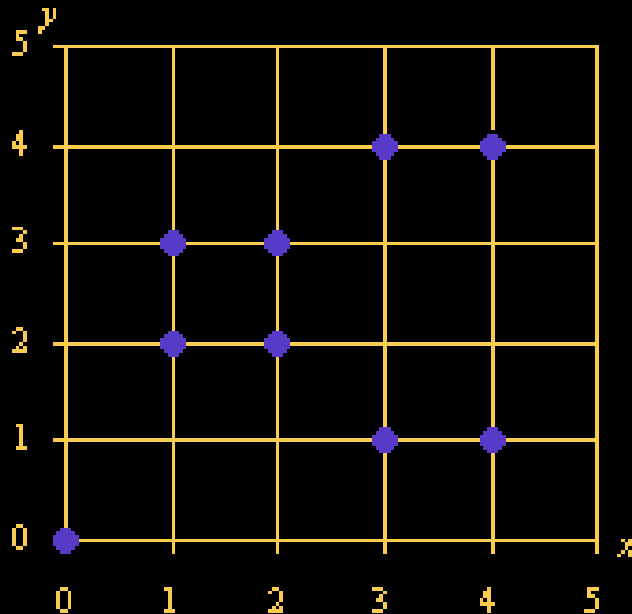
Véges test feletti elliptikus görbe:

$$y^2 + axy + by = x^3 + cx^2 + dx + e$$

$$x, y, a, b, c, d, e \in \mathbf{GF}(q)$$

Gyakorlati jelentősége a $\mathbf{GF}(2^n)$ és a $\mathbf{GF}(p)$ feletti ellipt. görbéknek van.

Példa egy véges test feletti elliptikus görbére: $y^2 = x^3 - 2x^2 \pmod{5}$



A modulo 5 síknak összesen $5 \cdot 5 = 25$ pontja van.

A görbének 10 pontja van:

$(0,0), (1,2), (1,3), (2,2), (2,3),$
 $(3,1), (3,4), (4,1), (4,4), \mathbf{0}$

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

ECC

ECC algoritmus (1985-)

Közös paraméterek: $E(K)$ elliptikus görbe, \mathbf{B} bázispont
Titkos kulcs: k ; véletlen szám; $k <$ csoport rendje
Nyilvános kulcs: $\mathbf{P} (= \mathbf{B} \otimes \mathbf{B} \otimes \dots \otimes \mathbf{B} = k \odot \mathbf{B})$
Kódoló függvény: $E(\mathbf{M}) = (\mathbf{Y}_1, \mathbf{Y}_2);$
 $\mathbf{Y}_1 = r \odot \mathbf{B}; \mathbf{Y}_2 = \mathbf{M} \otimes r \odot (k \odot \mathbf{B}); r$ véletlen egész
Dekódoló függvény: $D(\mathbf{Y}_1, \mathbf{Y}_2) = \mathbf{Y}_2 \otimes (-) k \odot \mathbf{Y}_1$

- Viszonylag fiatal
- Bonyolultabb matematikai háttér: ell. görbék pontjain ért. csop.
- Az ellene használható törő algoritmusok is lassabban működnek

Adott biztonsági szint eléréséhez sokkal kisebb kulcsméretre van szükség, mint az RSA-nál, vagyis az „egy kulcsbitre jutó biztonság” értéke nagyobb.

- Paraméterek:
 - Kulcsméret: 110 - 570 bites; ajánlott: 160 bites.
 - Közös paraméterek: ajánlások (ANSI, Certicom)
- Alkalmazott gyorsítás: Előszámított táblák \mathbf{B} -re és \mathbf{P} -re.

Nyilvános kulcsú kriptográfiai algoritmusok

Különbségek

A különböző nyilvános kulcsú rendszerek ugyanazokat a funkciókat valósítják meg, de nem teljesen csereszabatosak.

Különbség:

- Inkompatibilis paraméterek (nyilv.-titk. kulcspár, közös param.)
- Ismert legjobb általános törő algoritmus költsége

Emiatt:

- Különböző működési jellemzők
- Eltérő korlátok

Összehasonlítás:

Nem csak a kis kulcsméret számít. Lényegesek lehet az algoritmusok használata során tapasztalható hatékonysági jellemzők és működési korlátok is.

Az algoritmusok inkompatibilitása az összehasonlításnál nehézséget jelent.

Az elemzés bemutatása

A mért adatok: az ECC-nél és az RSA-nál a

- kulcsgenerálás
- közös paramétereinek felállítása
- kódolás
- dekódolás
- aláírás
- aláírás ellenőrzés

során

a futási idők valamint a műveletek során létrejövő adatok mérete, vagyis a:

- környezeti paraméterfile-ok mérete,
- nyilvános és titkos kulcsfile-ok mérete,
- kódolt adatfile-ok mérete,
- aláírásfile-ok mérete.

Az elemzés bemutatása

A mérés bemutatása

Az eredmények függenek az aktuális paraméterválasztástól:

- az alkalmazott kulcs méretétől,
 - a bemeneti adat méretétől és tartalmától,
 - RSA-nál az exponens értékétől,
 - ECC-nél az alapul szolgáló csoport típusától ($GF(2^n)$ vagy $GF(p)$),
 - ECC-nél előszámított táblázat használatától.
-
- Összefüggések feltérképezése:
minden paramétertől való függést külön-külön kell vizsgálni.

 - Sokféle paraméter és ezek változatos, értelmes kombinációi:
ECC esetében kb. 4000,
RSA esetében több, mint 2000 mérés elvégzése.

Az elemzés bemutatása

Az összehasonlítás bemutatása

Az algoritmusok inkompatibilisek.

A összehasonlításhoz mégis valamilyen megfeleltetés kell.

(1) Kulcsok mérete:

Kulcsméret ~ biztonsági szint.

- Azonos biztonságot nyújtó kulcsméretetek mellett.
- Adott művelet milyen kulcsméret mellett ad azonos eredményt

Azonos biztonságot nyújtó kulcsméretetek

Biztonsági szint ~ legjobb általános törő algoritmus gyorsasága

RSA: szubexponenciális

ECC: tisztán exponenciális

Összerendelés: Nemzetközileg elfogadott adatok alapján.

<u>RSA (bit)</u>	<u>ECC (bit)</u>
512	113
768	136
1024	160
2048	282
4096	409

Az elemzés bemutatása

Az összehasonlítás bemutatása

(2) Algoritmus típusok:

- ECC-nél és az RSA-nál is többféle típus
 - RSA: exponens értéke
 - ECC: alapul szolgáló csoport típusa
- Befolyással vannak a hatékonysági adatokra
- Ezek között nem létesíthető értelmes megfeleltetés
- Az algoritmusok egy-egy további típusaként kell őket kezelni. Összehasonlításkor mindegyik típust meg kell vizsgálni.

RSA: Az exponens függvényében 3 releváns eset

$e = 3$; $e = 65537$; $e =$ véletlen.

ECC: Az alapul szolgáló csoport típusától függően 3 lényegesen különböző eset.

$GF(p)$; $GF(2^n)$ trinomiális; $GF(2^n)$ pentanomiális.

Választott szoftver implementáció: **Crypto++**

- Nyílt forráskódban elérhető
- Tartalmazza az ECC és RSA szükséges algoritmusait is
- 1995 óta folyik a fejlesztése
- Széles felhasználói kör
- Sok kriptográfiai algoritmus implementációját tartalmazza a nemzetközileg elfogadott specifikációknak megfelelően (IEEE P1363, X.509, SEC1, SEC2 stb.).

Közös implementációs forrás lényeges szempont!

Különböző programnyelvek, különböző optimalizálások, különböző programozói módszerek hatásának kiküszöbölése.

Az elemzés bemutatása

A mérési környezet bemutatása

A teszteléshez használt szoftver:

Szoftver keretrendszer:

C++ nyelven, Microsoft Visual C++ 6.0

Crypto++ 4.1-es verziója

- Parancssorból paraméterezhető (kriptográfiai művelet, bemeneti paraméterek, kimenetek megadása, ismétlési szám)
- Futtatás batch file-ok segítségével
- Mérési eredmények: text file → Microsoft Excel-el elemezve

Hardver és szoftver környezet:

PC:

- Intel Celeron 450 MHz processzor
- 128 KB synchronous write-back L2 On-board cache
- 192 MB memória
- 75 MHz memory bus speed
- 75 MHz FSB

Windows 98 (version 4.10.1998) operációs rendszer

Összehasonlító elemzés

I. Közös paraméterek és kulcsgenerálás

Futási idők

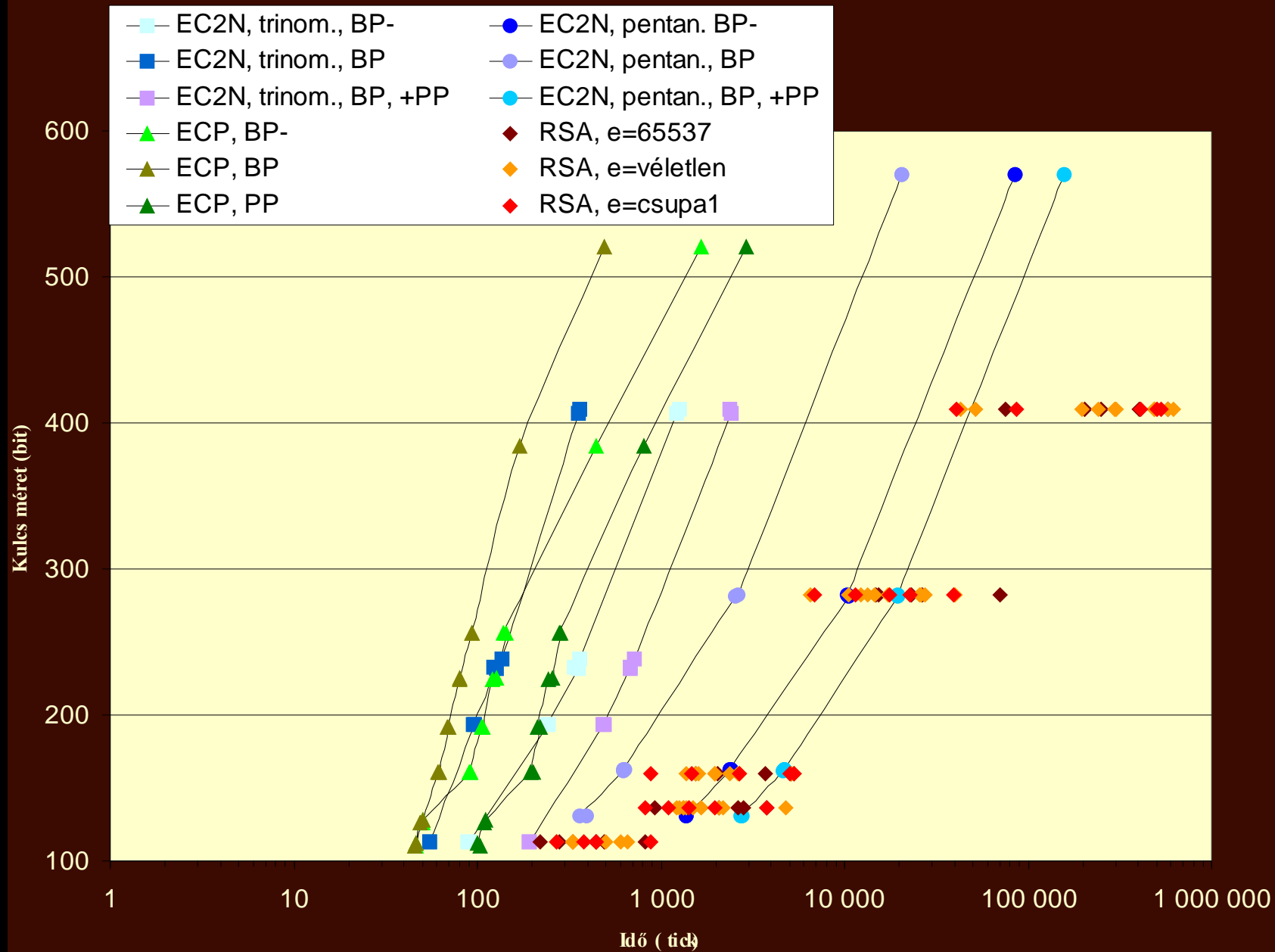
RSA

- Kritikus pont a *prím előállítása*. Módszer: Véletlen szám előáll., prímtesztelés. Valószínűségi alapon fogadunk el. Futási idő nem állandó, esetenként igen nagy lehet.
- A kulcsgenerálás idejei exponenciális eloszlást mutatnak.
- Függ a kulcsmérettől, nem függ az exponens választástól.
- Futási idők: 0,2 s - 14 perc. Jellemző érték: 2,8 s (1024 bit).

ECC

- Új közös paraméterek generálása bonyolult.
- Előszámított táblák alkalmazása: időigény, többlet tárhelyigény.
- Függ a kulcsmérettől, a típustól és az előszámított tábla használatától.
- Futási idők: 0,054 s - 1,4 perc. Jellemző érték: 0,09 s (ECP, 161 bit, előszámított tábla).

I. Közös paraméterek és kulcsgenerálás



I. Közös paraméterek és kulcsgenerálás

Méreték (nyilvános és titkos kulcsok adatfile-jai)

RSA

- Függ a választott kulcsmérettől és exponens értékétől.

ECC

- Függ a kulcs méretétől és az algoritmus típustól.

Összehasonlítás (azonos biztonságot nyújtó kulcsméreték)

Közös kulcsméret (bit)	RSA összesen (byte)	ECC összesen (byte)	ECC össz. PP-vel (byte)
ECC 113 = RSA 512	872-998	1452	3608
ECC 131 = RSA 768	1224-1422	1632	4044
ECC 160 = RSA 1024	1584-1844	1890	4686
ECC 283 = RSA 2048	3016-3532	3158	8006
ECC 409 = RSA 4096	5848-6870	4428	11328

II. Kódolás és dekódolás

Kódolás időigénye

RSA

- Függ a kulcsmérettől, a nyilvános exponens választástól, nem függ a kódolandó adat méretétől és típusától.
- Futási idők: 0,02 s - 6,7 s. Jellemző érték: 0,025 s (1024 bites kulcs, $e=65537$).

ECC

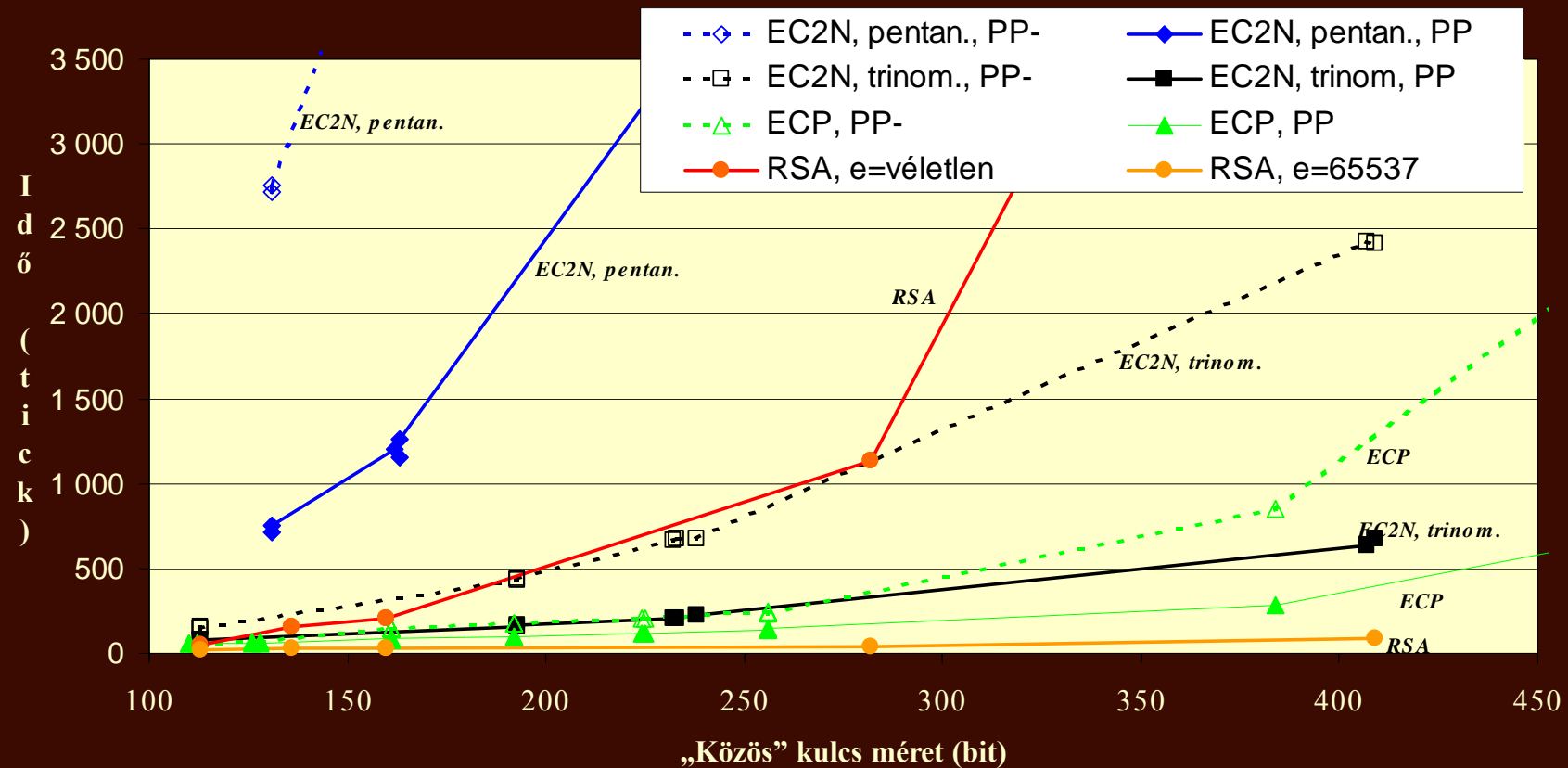
- Függ a kulcsmérettől, a típustól, a kódolandó adat méretétől és az előszámított tábla használatától.
- Előszámított táblázat használata több, mint kétszeresére gyorsítja a műveletet.
- Futási idők: 0,05 s - 2,8 perc. Jellemző érték: 0,12 perc (ECP, 163 bit, 2048 byte-os adat, előszámított tábla).

Összehasonlítás

A kicsi exponensű RSA a leggyorsabb (az $e=65537$ eset is ide tartozik még). Ez kb. 4-5-szörös gyorsaságot jelent. (Egyes szakirodalmak 7-szeres szorzóról is beszélnek.)

II. Kódolás és dekódolás

Kódolás időigénye



II. Kódolás és dekódolás

Dekódolás időigénye

RSA

- Függ a kulcsmérettől, nem függ a nyilvános exponens választástól és a kiindulási adat méretétől és típusától.
- Futási idők: 0,03 s - 4,45 s. Jellemző érték: 0,13 s (1024 bites kulcs).

ECC

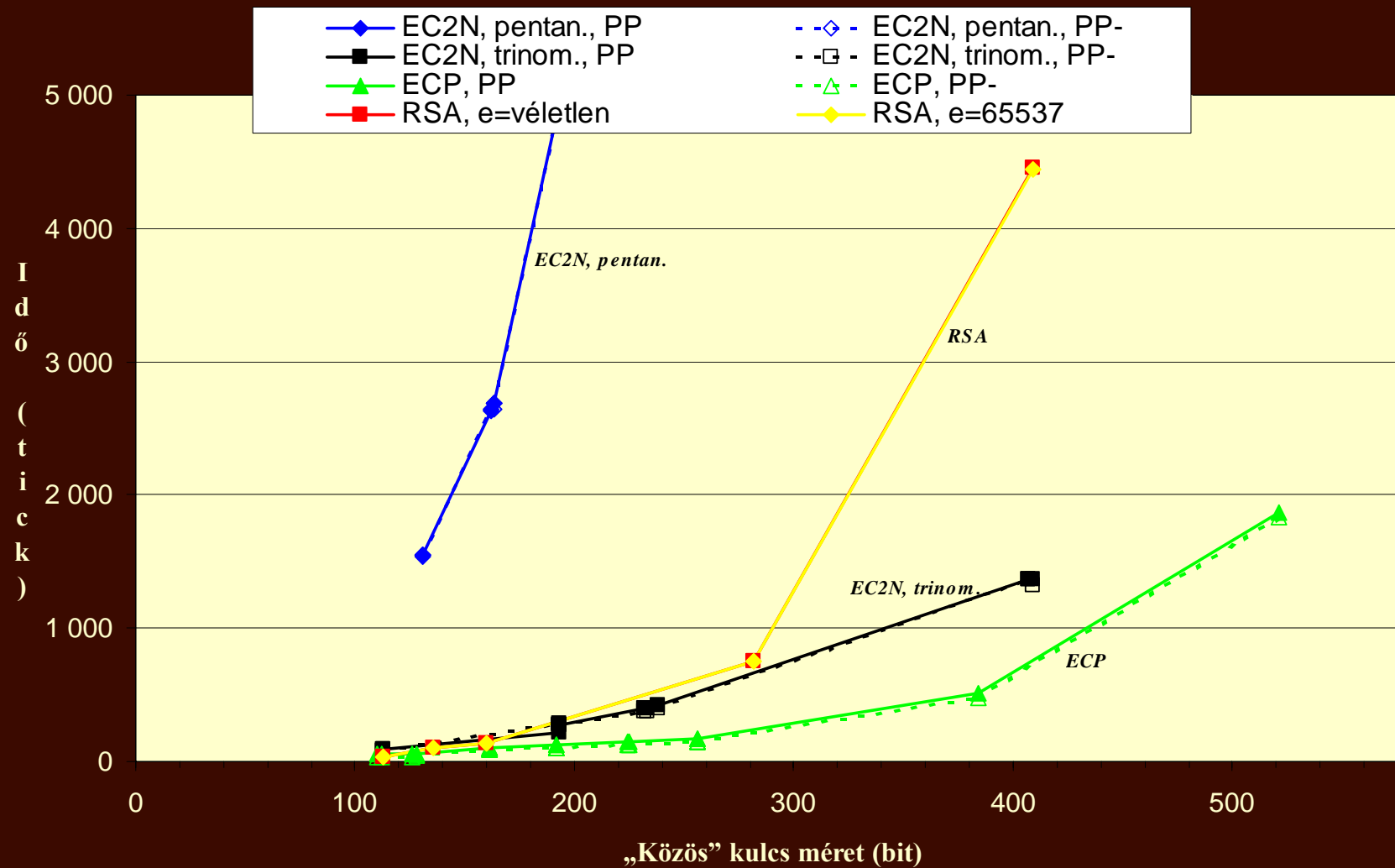
- Függ a kulcsmérettől, az algoritmus típustól, kiindulási dokumentum méretétől, nem függ az előszámított tábla használatától.
- Előszámított táblázat használata több, mint kétszeresére gyorsítja a műveletet.
- Futási idők: 0,03 s - 1,55 perc. Jellemző érték: 0,136 perc (ECP, 163 bit, 4096 byte-os adat).

Összehasonlítás

A dekódolásnál az ECP a leggyorsabb. Méréseink szerint ez kb. 2-szeres gyorsaságot jelent. (Szintén lehet olvasni ennél nagyobb, 6,4-szeres becslésről is.)

II. Kódolás és dekódolás

Dekódolás időigénye



II. Kódolás és dekódolás

Kódolt adat mérete, maximális kódolható adatméret

RSA

- A kódolt adat mérete csak a kulcsmérettől függ, mérete megegyezik a modulus méretével.
- A kódolandó adatnak kisebbnek kell lennie a modulusnál.

ECC

- A kódolt adat mérete függ a kulcsmérettől és a kódolandó adat méretétől. Adott kulcsméret esetén állandó a kódolt adatnak a kódolatlanhoz képest vett növekménye, 160 bites kulcsnál ez 61 byte.
- A maximális kódolható adatméret függ a kulcs méretétől, ez 160 bites kulcsnál 4035 byte. A maximális kódolható adatok kódoltja mindig 4096 byte.

Összehasonlítás

Az ECC-vel készített kódok kisebbek. Emellett sokkal nagyobb adatot lehet vele egy lépésben rejtjelezni, mint az RSA-nál, ahol ez a korlát viszonylag alacsony. RSA-nál az ennél nagyobb méretű adatok kódolására blokkonkénti kódolással van lehetőség.

Kódolt adat mérete, maximális kódolható adatméret

Közös kulcsméret (bit)	Kódolandó adat mérete (byte)	RSA-val kódolt adat mérete (byte)	ECC-vel kódolt adat mérete (byte)
ECC 113 = RSA 512	22	64	73
ECC 131 = RSA 768	22	96	77
	54	96	109
ECC 160 = RSA 1024	22	128	83
	54	128	115
	86	128	147
ECC 283 = RSA 2048	22	256	115
	54	256	147
	86	256	179
	214	256	307
ECC 409 = RSA 4096	22	512	147
	54	512	179
	86	512	211
	214	512	339
	470	512	595

Közös kulcsméret (bit)	RSA		ECC	
	Max. kód. adat (byte)	Kódolt adat mérete (byte)	Max. kód. adat (byte)	Kódolt adat (byte)
ECC 113 = RSA 512	22	64	4045	4096
ECC 131 = RSA 768	54	96	4041	4096
ECC 160 = RSA 1024	86	128	4035	4096
ECC 283 = RSA 2048	214	256	4003	4096
ECC 409 = RSA 4096	470	512	3971	4096

III. Aláírás és aláírás ellenőrzés

Időigény

Aláírás = lenyomatkészítés + titkos kulccsal való műveletvégzés

Aláírás ellenőrzés = lenyomatkészítés + művelet a nyilvános kulccsal + összehasonlítás

Az aláíráshoz / aláírás ellenőrzéshez szükséges idők viszonya nagyon hasonló, mint a dekódolás / kódolás esetén.

Az aláírás mérete

- Nem függ a kiindulási dokumentum méretétől, csak a kulcs méretétől és a lenyomatkészítő függvényről.

Összehasonlítás: ECC aláírások sokkal kisebbek.

Közös kulcs méret (bit)	RSA aláírás mérete (byte)	ECC aláírás mérete (byte)
ECC 113 = RSA 512	64	30
ECC 131 = RSA 768	96	34
ECC 160 = RSA 1024	128	42
ECC 283 = RSA 2048	256	72
ECC 409 = RSA 4096	512	102

Összefoglalás, értékelés

RSA

Kritikus pontok, negatívumok:

- A kulcsgeneráláshoz szükséges idő nem determinisztikus, esetenként igen nagy, akár percekben mérhető is lehet. Emiatt időkritikus rendszerekben, ahol a kulcsgenerálásra rendelkezésre álló idő felülről korlátos lehet, nem alkalmazható.
- A kulcs mérete (modulus mérete) megszabja a kódolható maximális adatméretet, ami viszonylag kicsi. Az ennél nagyobb méretű adatok kódolására blokkonkénti kódolással van lehetőség.
- Néhány speciális paraméterválasztás (pl. közös modulus vagy közös és kicsi nyilvános exponens választás stb.) módot ad különböző támadási lehetőségekre, ezért ezeket el kell kerülni.

Specialitások, pozitívumok:

- Létezik ismert, RSA-n alapuló anonimitási és vak aláírás protokoll.

Összefoglalás, értékelés

ECC

Kritikus pontok, negatívumok:

- Új közös paraméterek (elliptikus görbe és bázispont) keresése körülményes, bonyolult.
- Praktikusan szükség van *előszámított táblák* alkalmazására. Ezek létrehozása időigényes (ezt csak egyszer kell megtenni), és többlet tárhelyet igényel.

Specialitások, pozitívumok:

- „Önigazoló” aláírások, amelyek kiváltják a certificate-ek alkalmazását.
- Kiválóan *párhuzamosítható*, ezzel nagy gyorsítás érhető el. (Pl. az aláíró lánc ellenőrzése egyetlen lépésben.)
- Szoftveres megvalósítás esetén a *prím-rendű*, hardveres implementáció esetén a *2-hatvány-rendű* csoport alapú ECC alkalmazása lehet a praktikusabb. Utóbbi esetben megfelelő célhardver alkalmazásával sokkal jobb futási eredmények érhetők el, mint a most szoftveres implementációval mért adatok.

Összefoglalás, értékelés

Egymáshoz való viszonyok

- Kódolásnál és aláírás ellenőrzésénél a kicsi exponensű RSA a leggyorsabb, kb. 4,5-ször gyorsabb, mint az ECP.
- A dekódolás és aláírás létrehozása az ECP esetében a leggyorsabb, 2-szer gyorsabb, mint az RSA.
- A paraméterek file-ok mérete ECC-nél és RSA-nál nagyjából ugyanannyi, viszont előszámított táblákkal az ECC majdnem 3-szor annyi helyet igényel.
- Az ECC-vel készített kódok és digitális aláírások akár 3-szor kisebbek, mint az RSA-val készültek.
- ECC-vel sokkal *nagyobb*, akár 10-szer *akkora adatot* lehet egy lépésben rejtjelezni, mint az RSA-nál, ahol ez a korlát viszonylag alacsony.

Összefoglalás, értékelés

- A maximális kódolható adatméret korlátja miatt nagy adat kódolásakor (a kulcsmérettől függően akár már 100 byte felett) az RSA-nél az adatot kisebb darabokra kell tördelni, és a kódolást több részletben kell elvégezni. Emiatt a kódolás az ECC-t alkalmazva akár *10-szer gyorsabban* elvégezhető, mint RSA-val, annak ellenére, hogy a kis exponensű RSA azonos méretű adat kódolásakor gyorsabb az ECC-nél.
- A számítási kapacitások növekedésével az elegendő biztonságot nyújtó RSA kulcshossz nagyobb mértékben fog növekedni, mint az ECC kulcshossz.

Σ • Általánosságban nem egyértelmű!
Melyik a jobb algoritmus...?
• Adott alkalmazás szempontjából eldönthető.

Érdekesesség: Új riválisok

XTR (Efficient Compact Subgroup Trace Representation)

<http://www.ecstr.com/>

- Kidolgozók: *Arjen Lenstra, Eric Verheul*
- Crypto2000 konferencián publikálták először
- Az XTR biztonság a véges testek feletti DLP-n alapszik
- *„Az XTR legalább olyan biztonságos, mint az RSA.”*
- *„Az XTR paraméter- és kulcsgenerálása 80-szor gyorsabb, mint az RSA.”*
- *„Az XTR olyan kulcsbit-hatékony, mint az ECC.”*
- *„Az XTR gyorsabb, mint az ECC.”*
- *„Az XTR egyesíti az RSA és az ECC előnyeit, jó alternatívája ezeknek az SSL-ben, WAP-ban stb.”*

Érdekesség: Új riválisok

NTRU

<http://www.ntru.com/>

- Kidolg.: *Jeffrey Hoffstein, Joseph Silverman, Jill Pipher, Daniel Lieman*
- 1996: NTRU Cryptosystems Inc.
- 2000. július: USA szabadalom
- Az NTRU biztonság a rács redukción alapszik
- NTRU Challenge (eddigieket senki sem oldotta meg)

- „Az NTRU akár 2000-szer gyorsabb, mint az alternatívái.”
- „A szükséges programkód akár 1/50 méretű.”
(Kódolás 20 soros, dekódolás 52 soros C program.)
- „Az NTRU legalább 100-szor gyorsabb, mint az ECC.”
- „Az NTRU struktúrája egyszerűbb az RSA-énál.”
- „Az NTRU kulcsméreték hasonlóak a jelenleg használtakhoz.”
 - Titkos kulcs: max. 80 bit
 - Összesen: max. 2000 bit
- „A kódolás és dekódolás az NTRU-val 1-2 nagyságrenddel gyorsabb.”
- $NTRU 167 \approx RSA 512$; $NTRU 263 \approx RSA 1024$; $NTRU 503 \approx RSA 2048$;
- Törés: $NTRU 167$: 550 év; $NTRU 503$: $5,4 \cdot 10^3$ év

Irodalmak

- **RSA**

RFC 2437, PKCS #1: RSA Cryptography Specifications

<http://www.rsa.com>, <http://www.ietf.org>

- **ECC**

Sandards for Efficient Cryptography Group (SECG)

SEC1: *Elliptic Curve Cryptography*

SEC2: *Recommended Elliptic Curve Cryptography Domain Parameters*

- **Crypto++ “a C++ Class Library of Cryptographic Primitives”**

<http://www.cryptopp.com>

- **XTR (Efficient Compact Subgroup Trace Representation)**

<http://www.ecstr.com/>

- **NTRU**

<http://www.ntru.com/>



Köszönöm a figyeelmet!

Endrődi Csilla

<csilla@mit.bme.hu>